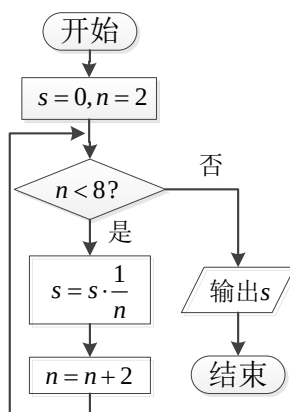


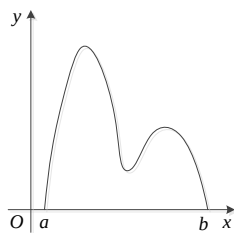
2013年安徽省高考数学文科试题

一、选择题(本大题共10小题,每小题5分,共50分.在每小题给出的四个选项中,只有一项是符合题目要求的.)

1. 设 i 是虚数单位,若复数 $a - \frac{10}{3-i} (a \in \mathbf{R})$ 是纯虚数,则 a 的值为 ()
A. -3 B. -1 C. 1 D. 3
2. 已知 $A = \{x|x+1 > 0\}, B = \{-2, -1, 0, 1\}$, 则 $(\complement_{\mathbf{R}}A) \cap B =$ ()
A. $\{-2, -1\}$ B. $\{-2\}$ C. $\{-1, 0, 1\}$ D. $\{0, 1\}$
3. 如图所示,程序据图(算法流程图)的输出结果为 ()
A. $\frac{3}{4}$ B. $\frac{1}{6}$ C. $\frac{11}{12}$ D. $\frac{25}{24}$



4. “ $(2x-1)x=0$ ”是“ $x=0$ ”的 ()
A. 充分不必要条件 B. 必要不充分条件
C. 充分必要条件 D. 既不充分也不必要条件
5. 若某公司从五位大学毕业生甲、乙、丙、丁、戊中录用三人,这五人被录用的机会均等,则甲或乙被录用的概率为 ()
A. $\frac{2}{3}$ B. $\frac{2}{5}$ C. $\frac{3}{5}$ D. $\frac{9}{10}$
6. 直线 $x+2y-5+\sqrt{5}=0$ 被圆 $x^2+y^2-2x-4y=0$ 截得的弦长为 ()
A. 1 B. 2 C. 4 D. $4\sqrt{6}$
7. 设 S_n 为等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和, $S_1 = 4a_3, a_2 = -2$, 则 $a_9 =$ ()
A. 6 B. 4 C. -2 D. 2
8. 函数 $y = f(x)$ 的图像如图所示,在区间 $[a, b]$ 上可找到 $n (n \geq 2)$ 个不同的数 $x_1, x_2, \dots, x_n$, 使得 $\frac{f(x_1)}{x_1} = \frac{f(x_2)}{x_2} = \dots = \frac{f(x_n)}{x_n}$, 则 n 的取值范围是 ()
A. $\{2, 3\}$ B. $\{2, 3, 4\}$ C. $\{3, 4\}$ D. $\{3, 4, 5\}$



9. 设 $\triangle ABC$ 的内角 A, B, C 所对的边长分别为 a, b, c . 若 $b + c = 2a, 3\sin A = 5\sin B$, 则角 $C =$ ()

- A. $\frac{\pi}{3}$ B. $\frac{2\pi}{3}$ C. $\frac{3\pi}{4}$ D. $\frac{5\pi}{6}$

10. 若函数 $f(x) = x^3 + ax^2 + bx + c$ 有极值点 x_1, x_2 , 且 $f(x_1) = x_1$, 则关于 x 的方程 $3(f(x))^2 + 2af(x) + b = 0$ 的不同实根个数是 ()

- A. 3 B. 4 C. 5 D. 6

二、填空题: 本大题共5小题, 每小题5分, 共25 分。把答案填在答题卡的相应位置。

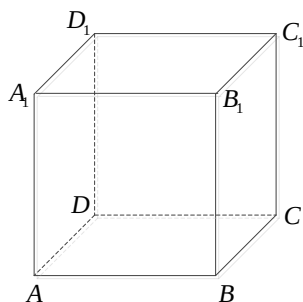
11. 函数 $y = \ln(1 + \frac{1}{x}) + \sqrt{1 - x^2}$ 的定义域为_____.

12. 若非负变量 x, y 满足约束条件 $\begin{cases} x - y \geq -1, \\ x + 2y \leq 4, \end{cases}$ 则 $x + y$ 的最大值为_____.

13. 若非零向量 $\mathbf{a}, \mathbf{b}$ 满足 $|\mathbf{a}| = 3|\mathbf{b}| = |\mathbf{a} + 2\mathbf{b}|$, 则 $\mathbf{a}$ 与 $\mathbf{b}$ 夹角的余弦值为_____.

14. 定义在 $\mathbf{R}$ 上的函数 $f(x)$ 满足 $f(x + 1) = 2f(x)$. 若当 $0 \leq x \leq 1$ 时, $f(x) = x(1 - x)$, 则当 $-1 \leq x \leq 0$ 时, $f(x) =$ _____.

15. 如图, 正方体 $ABCD - A_1B_1C_1D_1$ 的棱长为 1, P 为 BC 的中点, Q 为线段 CC_1 上的动点, 过点 A, P, Q 的平面截该正方体所得的截面记为 S . 则下列命题正确的是_____ (写出所有正确命题的编号).



①当 $0 < CQ < \frac{1}{2}$ 时, S 为四边形

②当 $CQ = \frac{1}{2}$ 时, S 为等腰梯形

③当 $CQ = \frac{3}{4}$ 时, S 与 C_1D_1 的交点 R 满足 $C_1R = \frac{1}{3}$

④当 $\frac{3}{4} < CQ < 1$ 时, S 为六边形

⑤当 $CQ = 1$ 时, S 的面积为 $\frac{\sqrt{6}}{2}$

三、解答题

16. (本小题满分12分)

设函数 $f(x) = \sin x + \sin(x + \frac{\pi}{3})$.

(1) 求 $f(x)$ 的最小值, 并求使 $f(x)$ 取得最小值的 x 的集合;

(2) 不画图, 说明函数 $y = f(x)$ 的图像可由 $y = \sin x$ 的图像经过怎样的变化的到.

17. (本小题满分12分)

为调查甲、乙两校高三年级学生某次联考数学成绩情况, 用简单随机抽样, 从这两校中为各抽

取30名高三年级学生，以他们的数学成绩（百分制）作为样本，样本数据的茎叶图如下：

甲	乙
	5
7 4	3 3 8
5 3 3 2 5	0 6 9 1 1 2 2 3 3 5
5 5 4 3 3 3 1 0 0 6	0 0 2 2 2 3 3 6 6 9
8 6 6 2 2 1 1 0 0 7	1 1 5 5 8
7 5 4 4 2 8	0
2 0 9	

(1)若甲校高三年级每位学生被抽取的概率为0.05，求甲校高三年级学生总人数，并估计甲校高三年级这次联考数学成绩的及格率（60分及60分以上为及格）；

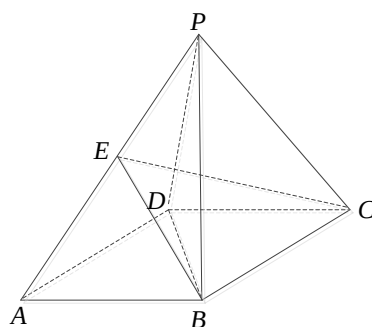
(2)设甲、乙两校高三年级学生这次联考数学平均成绩分别为 $\bar{x}_1, \bar{x}_2$ ，估计 $\bar{x}_1 - \bar{x}_2$ 的值。

18.（本小题满分12分）

如图，四棱锥 $P-ABCD$ 的底面 $ABCD$ 是边长为2的菱形， $\angle BAD = 60^\circ$ 。已知 $PB = PD = 2$ ， $PA = \sqrt{6}$ 。

(1)证明： $PC \perp BD$ ；

(2)若 E 为 PA 的中点，求三棱锥 $P-BCE$ 的体积。



19.（本小题满分13分）

设数列 $\{a_n\}$ 满足 $a_1 = 2, a_2 + a_4 = 8$ ，且对任意 $n \in \mathbf{N}^*$ ，函数 $f(x) = (a_n - a_{n+1} + a_{n+2})x + a_{n+1} \cos x - a_{n+2} \sin x$ 满足 $f'(\frac{\pi}{2}) = 0$ 。

(1)求数列 $\{a_n\}$ 的通用公式；

(2)若 $b_n = 2(a_n + \frac{1}{2^{a_n}})$ ，求数列 $\{b_n\}$ 的前 n 项和 S_n 。

20. 设函数 $f(x) = ax - (1 + a^2)x^2$ ，其中 $a > 0$ ，区间 $I = \{x | f(x) > 0\}$ 。

(1)求 I 的长度（注：区间 (α, β) 的长度定义为 $\beta - \alpha$ ）；

(2)给定常数 $k \in (0, 1)$ ，当 $1 - k \leq a \leq 1 + k$ 时，求 I 长度的最小值。

21.（本小题满分13分）

已知椭圆 $C: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$ 的焦距为4，且过点 $P(\sqrt{2}, \sqrt{3})$ 。(1)求椭圆 C 的方程；

(2)设 $Q(x_0, y_0) (x_0 y_0 \neq 0)$ 为椭圆 C 上一点，过点 Q 作 x 轴的垂线，垂足为 E 。取点 $A(0, 2\sqrt{2})$ ，连

接 AE ，过点 A 作 AE 的垂线交 x 轴于点 D 。点 G 是点 D 关于 y 轴的对称点，作直线 QG ，问这样作出的直线 QG 是否与椭圆 C 一定有唯一的公共点？并说明理由。